

# ÍNDICE

	<u>PÁGINA</u>
<b>Introducción .....</b>	<b>7</b>
<b>1. Operación financiera .....</b>	<b>9</b>
1.1. Concepto .....	9
1.2. Elementos .....	9
1.2.1. Personales .....	9
1.2.2. Temporales .....	10
1.2.3. Objetivos .....	10
1.3. Clases .....	10
<b>2. Rédito y tanto de interés .....</b>	<b>11</b>
 <b>Capítulo 1. Capitalización simple .....</b>	 <b>15</b>
<b>1. Operaciones en régimen de simple .....</b>	<b>15</b>
1.1. Capitalización simple .....	15
1.1.1. Concepto .....	15
1.1.2. Descripción de la operación .....	16
1.1.3. Características de la operación .....	16
1.1.4. Desarrollo de la operación .....	17

1.1.5. Cálculo del capital inicial .....	18
1.1.6. Cálculo de los intereses totales .....	19
1.1.7. Cálculo del tipo de interés .....	21
1.1.8. Cálculo de la duración .....	22
1.2. Tantos equivalentes .....	24
1.2.1. Concepto .....	24
1.2.2. Relación de tantos equivalentes .....	24
1.3. Descuento simple .....	25
1.3.1. Características de la operación .....	26
1.3.2. Descuento racional .....	27
1.3.3. Descuento comercial .....	28
1.3.4. Tanto de interés y de descuento equivalentes .....	30
<b>2. Equivalencia financiera de capitales .....</b>	<b>32</b>
2.1. Principio de equivalencia de capitales: concepto .....	33
2.2. Aplicaciones del principio de equivalencia: sustitución de capitales .....	33
2.2.1. Determinación del capital común .....	34
2.2.2. Determinación del vencimiento común .....	37
2.2.3. Determinación del vencimiento medio .....	40
<b>3. Descuento de efectos .....</b>	<b>43</b>
3.1. Concepto .....	43
3.2. Clasificación .....	43
3.3. Cálculo financiero del descuento .....	43
3.4. Letra devuelta .....	45
3.5. Letra de resaca o renovación .....	47
3.6. Descuento de una remesa de efectos .....	48
<b>4. Cuentas corrientes .....</b>	<b>50</b>
4.1. Definición .....	50
4.2. Clases de cuentas corrientes .....	50
4.3. Normas de valoración .....	51
4.4. Liquidación de cuentas corrientes .....	54
4.4.1. Método directo .....	54
4.4.2. Método indirecto .....	54
4.4.3. Método hamburgués o de saldos .....	55
<b>5. Crédito bancario: la póliza de crédito .....</b>	<b>60</b>
5.1. Costes derivados del uso de una póliza de crédito .....	61
5.2. Liquidación de la cuenta de crédito .....	62
<b>Ejercicios propuestos</b>	
Enunciados .....	67
Soluciones .....	71

<b>Capítulo 2. Capitalización compuesta .....</b>	<b>83</b>
<b>1. Capitalización compuesta .....</b>	<b>83</b>
1.1. Concepto .....	83
1.2. Descripción de la operación .....	84
1.3. Características de la operación .....	84
1.4. Desarrollo de la operación .....	85
1.5. Cálculo del capital inicial .....	86
1.6. Cálculo de los intereses totales .....	87
1.7. Cálculo del tipo de interés .....	88
1.8. Cálculo de la duración .....	89
1.9. Estudio comparativo de la capitalización simple y compuesta .....	91
<b>2. Tantos equivalentes .....</b>	<b>92</b>
2.1. Relación de tantos equivalentes en compuesta .....	93
<b>3. Tanto nominal (<math>J_k</math>) .....</b>	<b>96</b>
<b>4. Descuento compuesto .....</b>	<b>99</b>
4.1. Concepto .....	99
4.2. Características de la operación .....	99
4.3. Descuento racional .....	100
4.4. Descuento comercial .....	102
4.5. Tantos de interés y de descuento equivalentes .....	104
<b>5. Equivalencia de capitales en compuesta .....</b>	<b>106</b>
5.1. Aplicaciones del principio de equivalencia: sustitución de capitales .....	107
5.1.1. Determinación del capital común .....	107
5.1.2. Determinación del vencimiento común .....	107
5.1.3. Determinación del vencimiento medio .....	108
<b>Ejercicios propuestos</b>	
Enunciados .....	113
Soluciones .....	115
<b>Capítulo 3. Rentas .....</b>	<b>121</b>
<b>1. Rentas .....</b>	<b>121</b>
1.1. Concepto .....	121
1.2. Elementos .....	122
1.3. Valor financiero de una renta en el momento $t$ ( $V_t$ ) .....	123
1.4. Clases .....	123
1.4.1. Según la cuantía de los términos .....	123
1.4.2. Según el número de términos .....	124

1.4.3. Según el vencimiento del término .....	124
1.4.4. Según el momento de valoración .....	124
1.4.5. Según la periodicidad del vencimiento .....	124
1.4.6. Según la ley financiera .....	124
<b>2. Rentas constantes .....</b>	<b>125</b>
2.1. Renta constante, unitaria, temporal, pospagable, inmediata y entera .....	125
2.1.1. Cálculo del valor actual .....	126
2.1.2. Cálculo del valor final .....	129
2.2. Rentas prepagables .....	134
2.2.1. Cálculo del valor actual .....	134
2.3. Rentas perpetuas .....	139
2.4. Rentas diferidas .....	141
2.5. Rentas anticipadas .....	145
<b>3. Rentas variables en progresión geométrica .....</b>	<b>148</b>
3.1. Renta variable en progresión geométrica, temporal, pospagable, inmediata y entera .....	148
3.1.1. Cálculo del valor actual .....	148
3.1.2. Cálculo del valor final .....	151
3.2. Rentas prepagables .....	152
3.2.1. Cálculo del valor actual .....	153
3.2.2. Cálculo del valor final .....	153
3.3. Rentas perpetuas .....	154
3.4. Rentas diferidas .....	154
3.5. Rentas anticipadas .....	155
<b>4. Rentas variables en progresión aritmética .....</b>	<b>157</b>
4.1. Renta variable en progresión aritmética, temporal, pospagable, inmediata y entera .....	158
4.1.1. Cálculo del valor actual .....	158
4.1.2. Cálculo del valor final .....	159
4.2. Rentas prepagables .....	160
4.3. Rentas perpetuas .....	161
4.4. Rentas diferidas y anticipadas .....	161
<b>5. Rentas fraccionadas .....</b>	<b>162</b>
5.1. Rentas fraccionadas constantes .....	163
5.1.1. Método del tanto equivalente .....	163
5.1.2. Método del factor de transformación .....	167
5.2. Rentas fraccionadas variables en progresión geométrica .....	172
5.2.1. Valor actual .....	174
5.2.2. Valor final .....	175
5.2.3. Prepagable .....	175
5.2.4. Perpetua .....	175

5.3. Rentas fraccionadas variables en progresión aritmética .....	177
5.3.1. Valor actual .....	179
5.3.2. Valor final .....	180
5.3.3. Prepagable .....	180
5.3.4. Perpetua .....	180
<b>6. Rentas continuas .....</b>	<b>182</b>
6.1. Renta constante, temporal, pospagable, inmediata y continua .....	183
6.2. Renta continua variable en progresión geométrica .....	186
6.3. Renta continua variable en progresión aritmética .....	188
<b>7. Rentas a interés simple .....</b>	<b>189</b>
7.1. Valor actual .....	189
7.2. Valor final .....	193
<b>Ejercicios propuestos</b>	
Enunciados .....	213
Soluciones .....	219
<b>Capítulo 4. Préstamos .....</b>	<b>241</b>
<b>1. Concepto de préstamo .....</b>	<b>241</b>
1.1. Principales sistemas de amortización de préstamos .....	241
1.2. Nomenclatura para préstamos de amortización fraccionada .....	243
1.3. Generalidades .....	244
<b>2. Reembolso único sin pago periódico de intereses: préstamo simple .....</b>	<b>247</b>
<b>3. Reembolso único con pago periódico de intereses: préstamo americano .....</b>	<b>248</b>
<b>4. Amortización con términos amortizativos constantes: método francés .....</b>	<b>249</b>
4.1. Pasos a seguir .....	250
4.1.1. Cálculo del término amortizativo ( $a$ ) .....	250
4.1.2. Cálculo de las cuotas de amortización: ley de recurrencia .....	251
4.1.3. Cálculo de la primera cuota de amortización ( $A_1$ ) .....	252
4.1.4. Cálculo del total amortizado después de $k$ periodos ( $m_k$ ) .....	253
4.1.5. Cálculo del capital vivo a principio del período $k+1$ ( $C_k$ ) .....	254
4.1.6. Cálculo de la cuota de interés del período $k+1$ ( $I_{k+1}$ ) .....	256
<b>5. Método de cuota de amortización constante: método lineal .....</b>	<b>258</b>
5.1. Pasos a seguir .....	258
5.1.1. Cálculo de la cuota de amortización ( $A$ ) .....	259
5.1.2. Cálculo del total amortizado después de $k$ periodos ( $m_k$ ) .....	259
5.1.3. Cálculo del capital vivo a principios del período $k+1$ ( $C_k$ ) .....	259
5.1.4. Cálculo de cuota de interés del período $k+1$ ( $I_{k+1}$ ) .....	260
5.1.5. Cálculo de los términos amortizativos: ley de recurrencia ( $a_k$ ) .....	260
<b>6. Método de amortización con términos amortizativos variables en progresión geométrica .....</b>	<b>263</b>

6.1. Pasos a seguir .....	263
6.1.1. Cálculo de los términos amortizativos ( $a_k$ ) .....	263
6.1.2. Cálculo de las cuotas de amortización ( $A_k$ ) .....	265
6.1.3. Cálculo del total amortizado después de $k$ periodos ( $m_k$ ) .....	266
6.1.4. Cálculo del capital vivo a principios del período $k+1$ ( $C_k$ ) .....	266
6.1.5. Cálculo de la cuota de interés del período $k+1$ ( $I_{k+1}$ ) .....	268
<b>7. Método de amortización con términos amortizativos variables en progresión aritmética .....</b>	<b>270</b>
7.1. Pasos a seguir .....	271
7.1.1. Cálculo de los términos amortizativos ( $a_k$ ) .....	271
7.1.2. Cálculo de las cuotas de amortización ( $A_k$ ) .....	271
7.1.3. Cálculo del total amortizado después de $k$ periodos ( $m_k$ ) .....	273
7.1.4. Cálculo del capital vivo a principios del período $k+1$ ( $C_k$ ) .....	273
7.1.5. Cálculo de la cuota de interés del período $k+1$ ( $I_{k+1}$ ) .....	275
<b>8. Préstamos con carencia .....</b>	<b>276</b>
8.1. Carencia con pago de intereses: carencia parcial .....	277
8.2. Carencia sin pago de intereses: carencia total .....	277
<b>9. Préstamos con intereses fraccionados .....</b>	<b>280</b>
9.1. Préstamo fraccionado con cuota de amortización constante .....	281
9.1.1. Cálculo de la cuota de amortización ( $A$ ) .....	282
9.1.2. Cálculo del total amortizado después de $t$ periodos ( $m_t$ ) .....	282
9.1.3. Cálculo del capital vivo a principios del período $t+1$ ( $C_t$ ) .....	283
9.1.4. Cálculo de las cuotas de intereses del período $t+1$ .....	283
9.1.5. Cálculo de los términos amortizativos ( $a_k$ ) .....	284
9.2. Préstamo francés fraccionado .....	286
9.2.1. Resultando constante el término amortizativo único equivalente que se situaría en el momento de las amortizaciones .....	286
9.2.2. Siendo constante la cuantía satisfecha en el momento de amortizar (tanto por amortización como por intereses) .....	292
<b>10. Sistema de amortización Sinking-Fund .....</b>	<b>297</b>
<b>11. Préstamos con intereses prepagables .....</b>	<b>303</b>
11.1. Caso particular: método alemán .....	305
11.1.1. Pasos a seguir .....	306
11.2. Préstamo con intereses prepagables y cuotas de amortización constante .....	312
11.2.1. Pasos a seguir .....	312
11.3. Préstamo con intereses prepagables con términos amortizativos variables en progresión geométrica .....	315
11.3.1. Pasos a seguir .....	316
11.4. Préstamo con intereses prepagables con términos amortizativos variables en progresión aritmética .....	319
<b>12. Valor financiero del préstamo: usufructo y nuda propiedad .....</b>	<b>319</b>
12.1. Caso particular: fórmula de Achard .....	323

12.2. Valoración en una fracción de período .....	325
12.3. Valoración de préstamos con intereses fraccionados .....	326
<b>13. Tantos efectivos .....</b>	<b>330</b>
13.1. Tanto efectivo acreedor o del prestamista ( $i_a$ ) .....	330
13.2. Tanto efectivo deudor o del prestatario ( $i_d$ ) .....	331
<b>14. Préstamos con interés revisable .....</b>	<b>333</b>
14.1. Recálculo del término amortizativo .....	334
14.2. Mantenimiento del importe del término amortizativo sin cambios .....	334
14.3. Plan de amortización sin cambios .....	335
<b>15. Tantos efectivos de los préstamos según el Banco de España .....</b>	<b>341</b>
<b>Ejercicios propuestos</b>	
Enunciados .....	349
Soluciones .....	357
<b>Capítulo 5. Empréstitos .....</b>	<b>375</b>
<b>1. Concepto. Generalidades .....</b>	<b>375</b>
1.1. Personas que intervienen en el empréstito .....	376
1.2. Terminología .....	376
1.3. Principales derechos económicos de los obligacionistas .....	377
1.4. Problemática de los gastos del emisor de un empréstito .....	378
1.5. Planteamiento inicial del emisor .....	379
1.6. Clasificación de los empréstitos .....	382
<b>2. Empréstito clase I. Tipo I. Puro .....</b>	<b>383</b>
2.1. Pasos a seguir .....	384
2.1.1. Cálculo del término amortizativo ( $a$ ) .....	384
2.1.2. Cálculo de títulos amortizados: ley de recurrencia ( $M_k$ ) .....	385
2.1.3. Cálculo de títulos amortizados en el primer sorteo ( $M_1$ ) .....	387
2.1.4. Cálculo del total de títulos amortizados ( $m_k$ ) .....	388
2.1.5. Cálculo de títulos vivos a principios de cada período ( $N_{k+1}$ ) .....	389
2.1.6. Cálculo del importe a pagar de cupones en el período $k+1$ .....	392
2.2. Empréstito de cupón periódico constante y anualidad constante con características comerciales .....	394
<b>3. Empréstitos clase I. Tipo II .....</b>	<b>406</b>
3.1. Empréstito de cupón periódico con igual número de títulos amortizados en cada sorteo .....	406
3.1.1. Pasos a seguir .....	406
3.2. Empréstito de cupón periódico constante con anualidad variable en progresión geométrica y normal .....	411
3.2.1. Pasos a seguir .....	413

3.3. Empréstimo de cupón periódico y anualidades en progresión geométrica con características comerciales .....	421
3.4. Empréstimo de cupón periódico constante con anualidad variable en progresión aritmética y normal .....	426
3.4.1. Pasos a seguir .....	427
3.5. Empréstimo de cupón periódico y anualidades en progresión aritmética con características comerciales .....	435
3.6. Empréstimo con carencia .....	439
3.7. Empréstimo con cupón fraccionado .....	443
3.8. Empréstimo de cupón periódico constante y anualidad constante con primas de amortización variables .....	447
<b>4. Empréstimos clase I. Tipo III .....</b>	<b>452</b>
4.1. Pasos a seguir .....	453
4.1.1. Cálculo de los términos amortizativos ( $a_k$ ) .....	453
4.1.2. Cálculo de títulos amortizados ( $M_k$ ) .....	454
4.1.3. Cálculo del total de títulos amortizados ( $m_k$ ) .....	454
4.1.4. Cálculo de títulos vivos a principios de cada período ( $N_{k+1}$ ) .....	454
4.1.5. Cálculo del importe a pagar de cupones en el período $k+1$ .....	456
<b>5. Empréstimo de cupón periódico prepagable .....</b>	<b>456</b>
5.1. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable con anualidad constante y puro .....	457
5.1.1. Pasos a seguir .....	458
5.2. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable y anualidad constante con características comerciales .....	464
5.3. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable y anualidad variable .....	468
5.4. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable con igual número de títulos amortizados en cada sorteo .....	468
5.4.1. Pasos a seguir .....	469
5.5. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable con anualidad variable en progresión geométrica y puro .....	472
5.5.1. Pasos a seguir .....	473
5.6. Empréstimo de cupón periódico constante prepagable con anualidad variable en progresión aritmética y puro .....	477
5.6.1. Pasos a seguir .....	478
<b>6. Empréstimos clase II. Tipo I. Puro .....</b>	<b>482</b>
6.1. Pasos a seguir .....	482
6.1.1. Cálculo del término amortizativo ( $a$ ) .....	483
6.1.2. Cálculo de títulos amortizados: ley de recurrencia ( $M_k$ ) .....	483
6.1.3. Cálculo de títulos amortizados en el primer sorteo ( $M_1$ ) .....	485
6.1.4. Cálculo del total de títulos amortizados ( $m_k$ ) .....	486
6.1.5. Cálculo de títulos vivos a principio de cada período ( $N_{k+1}$ ) .....	487
6.1.6. Cálculo del importe a pagar de cupones en un período .....	489

6.2. Empréstito de cupón acumulado constante y anualidad constante con características comerciales .....	491
<b>7. Empréstito clase II. Tipo II .....</b>	<b>495</b>
7.1. Empréstito de cupón acumulado con igual número de títulos amortizados en cada sorteo .....	496
7.1.1. Pasos a seguir .....	496
7.2. Empréstito de cupón acumulado y anualidad variable en progresión geométrica puro .....	500
7.2.1. Pasos a seguir .....	501
7.3. Empréstito de cupón acumulado constante y anualidades en progresión geométrica con características comerciales .....	509
<b>8. Tantos efectivos .....</b>	<b>513</b>
8.1. Tanto efectivo deudor o del emisor ( $i_e$ ) .....	513
8.2. Tanto efectivo acreedor o del conjunto de obligacionistas ( $i_o$ ) .....	514
8.3. Rentabilidad de un título TIR ( $r$ ) .....	514
<b>9. Probabilidad en los empréstitos .....</b>	<b>522</b>
9.1. Vida media o esperada de un título ( $V_m$ ) .....	523
9.2. Vida mediana ( $V_{med}$ ) .....	528
9.3. Valor, usufructo y nuda propiedad de un título .....	533
9.3.1. Empréstitos clase I. Tipo I. Normal .....	534
9.3.2. Incidencia de las distintas características comerciales .....	541
9.3.3. Empréstitos clase II. Tipo I. Normal .....	553
9.3.4. Valor, usufructo y nuda propiedad en una fracción de período .....	560
9.4. Vida financiera o matemática .....	563
<b>Ejercicios propuestos</b>	
Enunciados .....	577
Soluciones .....	591
<b>Capítulo 6. Valores mobiliarios .....</b>	<b>629</b>
<b>1. Introducción .....</b>	<b>629</b>
1.1. Concepto .....	629
1.2. Motivos para invertir en valores mobiliarios .....	630
1.3. Clases de valores mobiliarios .....	630
1.4. Formas de adquisición de valores mobiliarios .....	631
1.5. Esquema de una operación de compra-venta en un mercado secundario .....	631
1.6. Terminología .....	631
1.7. Características de una emisión de renta fija .....	632
1.8. Características de una emisión de renta variable .....	633
1.8.1. Derechos y obligaciones del accionista .....	634

<b>2. Ampliaciones de capital .....</b>	<b>635</b>
2.1. Clases de ampliaciones de capital .....	639
2.2. Valor teórico del derecho de suscripción preferente .....	639
2.2.1. Ampliación simple sin diferencias económicas .....	640
2.2.2. Ampliación doble sin diferencias económicas .....	643
2.2.3. Ampliación simple con diferencias económicas .....	645
<b>3. Ampliación blanca .....</b>	<b>647</b>
<b>4. Operaciones al contado con acciones .....</b>	<b>653</b>
4.1. Valor de compra de las acciones .....	653
4.2. Valor de venta de las acciones .....	654
4.3. Beneficio neto (antes de impuestos) de una operación de compra-venta .....	655
4.4. Rentabilidad de una operación de compra-venta .....	655
<b>5. Operaciones a crédito con acciones .....</b>	<b>658</b>
5.1. Compras a crédito .....	660
5.1.1. Perfil del inversor .....	660
5.1.2. Realización de la operación .....	660
5.1.3. Crédito de la entidad financiera .....	660
5.1.4. Intereses de la operación a crédito .....	661
5.1.5. Garantías complementarias .....	661
5.1.6. Depósito de garantías .....	661
5.1.7. Devengo de derechos económicos durante la vigencia del crédito .....	662
5.1.8. Renumeración de las garantías.....	662
5.2. Ventas a crédito .....	665
5.2.1. Perfil del inversor .....	665
5.2.2. Realización de la operación .....	665
5.2.3. Crédito de la entidad financiera .....	666
5.2.4. Intereses del préstamo de títulos .....	666
5.2.5. Remuneración de las garantías .....	666
5.2.6. Garantías complementarias .....	666
5.2.7. Depósito de garantías .....	667
5.2.8. Renumeración de las garantías.....	667
5.2.9. Devengo de derechos económicos durante la vigencia de la operación .....	667
<b>6. Deuda Pública .....</b>	<b>670</b>
6.1. Instrumentos de deuda del Estado .....	671
6.1.1. Letras del Tesoro .....	672
6.1.2. Bonos y obligaciones del Estado .....	672
6.1.3. Bonos y obligaciones segregables. Los <i>strips</i> de Deuda Pública .....	673
6.2. Operaciones que se realizan .....	674
6.2.1. En el mercado primario .....	674
6.2.2. En el mercado secundario .....	679
6.3. Cálculo de rentabilidades .....	686
6.3.1. Cálculo de la rentabilidad de las Letras del Tesoro .....	687
6.3.2. Cálculo de la rentabilidad de los bonos y obligaciones del Estado .....	690

6.3.3. Cálculo de la rentabilidad de un <i>repo</i> .....	693
6.4. Otros activos de renta fija .....	694
6.4.1. Pagarés de empresa .....	694
6.4.2. Obligaciones simples .....	697
6.4.3. Obligaciones subordinadas .....	697
6.4.4. Bonos y obligaciones indicadas, referenciadas o indexadas .....	698
6.4.5. Obligaciones bonificadas .....	702
6.4.6. Obligaciones convertibles y canjeables .....	706
6.4.7. Bonos y obligaciones con <i>warrant</i> .....	707
6.4.8. Títulos hipotecarios .....	708
6.4.9. Bonos y obligaciones de titulización hipotecaria .....	709
6.4.10. Bonos de alto rendimiento, «bonos basura» o <i>junk bond</i> .....	709
<b>7. Pignoración de valores mobiliarios .....</b>	<b>710</b>
7.1. Posibilidades ante un cambio de cotización de los títulos pignorados .....	714
7.1.1. Cálculo de la mejora de garantía .....	714
7.1.2. Cálculo de la reducción de préstamo .....	715
7.2. Pignoración de varias clases de valores .....	717

