

# Índice sistemático

Sumario .....	5
Prólogo .....	7
<b>Capítulo 1. Introducción a la estadística. Conceptos preliminares .....</b>	<b>9</b>
Objetivos del capítulo .....	9
1. Población y muestra .....	10
2. Parámetro y estadístico .....	12
3. El muestreo .....	13
4. Definición de estadística. Estadística descriptiva y estadística inferencial .....	14
5. Definición de variable y tipos de variables .....	17
5.1. Variables categóricas, cualitativas o atributos .....	18
5.2. Variables cuantitativas, medibles o numéricas .....	19
6. Repaso de algunos conceptos matemáticos básicos .....	21
6.1. Diferentes tipos de números .....	21
6.1.1. Números naturales .....	21
6.1.2. Números enteros .....	22
6.1.3. Números racionales .....	22
6.1.4. Números irracionales .....	22
6.1.5. Números reales .....	22
6.1.5.1. Redondeo de números reales .....	23
6.2. Notación específica .....	23
6.2.1. Notación científica .....	23
6.2.2. Notación matemática: sumatorio (operador suma) y producto (operador producto) .....	24
6.2.2.1. Sumatorio (operador suma) .....	24
6.2.2.2. Producto (operador producto) .....	26
6.3. Igualdades y desigualdades .....	27
6.3.1. Igualdades .....	27
6.3.2. Desigualdades .....	28
6.4. Ecuaciones e inecuaciones .....	29
6.4.1. Ecuaciones .....	29
6.4.2. Inecuaciones .....	29
6.5. Concepto de función .....	31
6.5.1. Representación gráfica de las funciones .....	32

6.5.2. Dos funciones importantes: función exponencial y función logarítmica .....	32
6.5.2.1. Función exponencial .....	32
6.5.2.2. Función logarítmica .....	34
Conceptos básicos .....	37
Actividades de autocomprobación .....	38
Actividades de repaso .....	41
Referencias bibliográficas .....	44
<b>Capítulo 2. Distribuciones de frecuencias unidimensionales o univariantes .....</b>	<b>45</b>
Objetivos del capítulo .....	45
1. Distribución de frecuencias y representaciones gráficas de variables categóricas o cualitativas .....	46
1.1. Representaciones gráficas más importantes para las distribuciones de frecuencias de variables cualitativas .....	54
1.1.1. Gráfico o diagrama de barras o de rectángulos .....	54
1.1.2. Gráfico de pastel, de tarta, pictograma o diagrama de sectores .....	55
1.1.3. Diagrama de Pareto .....	56
2. Distribución de frecuencias y representaciones gráficas de variables cuantitativas .....	61
2.1. Distribución de frecuencias agrupadas .....	61
2.2. Representaciones gráficas más importantes de las distribuciones de frecuencias de variables cuantitativas .....	66
2.2.1. Histograma .....	66
2.2.2. Polígono de frecuencias .....	68
2.2.3. Diagrama de tallo y hojas .....	70
Conceptos básicos .....	73
Actividades de autocomprobación .....	74
Actividades de repaso .....	82
Test de autoevaluación .....	87
Referencias bibliográficas .....	92
<b>Capítulo 3. Análisis numérico de una variable medible (I): medidas de centralización o de tendencia central .....</b>	<b>93</b>
Objetivos del capítulo .....	93
1. Análisis estadístico de una variable medible: diferentes tipos de medidas .....	94
2. Medidas de centralización o de tendencia central .....	95
2.1. La media aritmética .....	95
2.1.1. Propiedades de la media aritmética .....	100
2.1.2. Media aritmética ponderada .....	101
2.2. La mediana .....	103
2.3. La moda .....	108

3. Otras medidas de tendencia central .....	110
3.1. La media geométrica .....	110
3.2. La media armónica .....	112
3.2.1. Relación entre las medias aritmética, geométrica y armónica .....	114
3.3. La media cuadrática .....	115
Conceptos básicos .....	117
Actividades de autocomprobación .....	117
Actividades de repaso .....	126
Test de autoevaluación .....	128
Referencias bibliográficas .....	132
<b>Capítulo 4. Análisis numérico de una variable medible (II): principales medidas de dispersión y medidas de forma .....</b>	<b>133</b>
Objetivos del capítulo .....	133
1. Medidas de dispersión .....	134
1.1. Error cuadrático medio (ECM) y error absoluto medio (EAM) .....	134
1.2. La varianza .....	135
1.3. La desviación estándar, desviación típica o desviación tipo .....	142
1.3.1. Aplicaciones de la desviación típica. Teorema de Chebyshov (Tchevychev o Tchebycheff) .....	144
1.3.2. Tipificación de variables .....	145
1.4. Coeficiente de variación.....	145
1.5. La mediana de las desviaciones absolutas (meda) .....	147
2. Medidas de forma .....	148
2.1. Medidas de simetría .....	148
2.1.1. Coeficientes de asimetría (sesgo) de Pearson .....	149
2.1.2. Coeficiente de asimetría de Fisher .....	152
2.2. Medidas de apuntamiento o curtosis .....	155
2.2.1. Coeficiente de apuntamiento o curtosis de Fisher .....	156
Conceptos básicos .....	159
Actividades de autocomprobación .....	160
Actividades de repaso .....	175
Test de autoevaluación .....	177
Referencias bibliográficas .....	182
<b>Capítulo 5. Análisis numérico de una variable medible (III): otras medidas de posición, de dispersión, de concentración y de forma .....</b>	<b>183</b>
Objetivos del capítulo .....	183
1. Otras medidas de centralización: la media recortada .....	184

2. Medidas de posición no centrales: los cuantiles .....	185
3. Otras medidas de dispersión .....	191
3.1. El rango o recorrido relativo .....	191
3.2. El coeficiente de apertura .....	192
3.3. El rango o recorrido intercuartil o intercuartílico .....	193
3.4. El rango percentil 10-90 o rango entre percentiles .....	194
3.5. La desviación media y la desviación mediana .....	195
4. Otras medidas de forma .....	197
4.1. Otras medidas de simetría .....	197
4.2. Otras medidas de apuntamiento o curtosis .....	199
5. Medidas de concentración .....	201
5.1. El índice de Gini .....	202
5.2. La curva de Lorenz .....	204
6. Momentos de una variable estadística unidimensional .....	206
Conceptos básicos .....	209
Actividades de autocomprobación .....	210
Actividades de repaso .....	220
Test de autoevaluación .....	224
Referencias bibliográficas .....	227
 <b>Capítulo 6. Descripción conjunta de varias variables: distribuciones de frecuencias y correlación .....</b>	 <b>229</b>
Objetivos del capítulo .....	229
1. Descripción conjunta de varias variables .....	230
1.1. Distribución conjunta de variables cualitativas: tablas de doble entrada .....	230
1.2. Distribuciones marginales .....	234
1.3. Distribuciones condicionadas .....	237
1.4. Distribución conjunta de variables discretas: tablas de correlación y medidas marginales y condicionadas .....	239
1.4.1. Medidas asociadas a las distribuciones marginales .....	240
1.4.2. Medidas asociadas a las distribuciones condicionadas .....	243
1.4.3. Relación entre distribuciones y medidas marginales y condicionadas .....	246
1.4.4. Descripción conjunta de variables continuas .....	246
1.5. Independencia estadística .....	250
2. Medidas de la relación entre variables bidimensionales: correlación .....	251
2.1. Representación gráfica de variables bidimensionales: diagrama de dispersión o nube de puntos .....	251
2.2. La covarianza .....	253
2.3. El coeficiente de correlación lineal o coeficiente de correlación de Pearson .....	255

Conceptos básicos .....	259
Actividades de autocomprobación .....	262
Actividades de repaso .....	276
Test de autoevaluación .....	282
Referencias bibliográficas .....	285
<b>Capítulo 7. Teoría de la correlación: introducción a la regresión lineal simple .....</b>	<b>287</b>
Objetivos del capítulo .....	287
1. Dependencia funcional y dependencia estadística .....	288
2. Regresión lineal simple: ajuste por mínimos cuadrados .....	289
2.1. Regresión lineal simple .....	289
2.2. Ajuste por mínimos cuadrados .....	290
3. Bondad del ajuste: coeficiente de determinación .....	295
3.1. La varianza residual .....	296
3.2. Definición del coeficiente de determinación a partir de la varianza residual .....	298
4. Predicción .....	298
Conceptos básicos .....	300
Actividades de autocomprobación .....	301
Actividades de repaso .....	312
Test de autoevaluación .....	315
Referencias bibliográficas .....	318
<b>Capítulo 8. Conceptos básicos de probabilidad .....</b>	<b>319</b>
Objetivos del capítulo .....	319
1. Experimentos aleatorios. Espacio muestral .....	320
2. Sucesos .....	320
2.1. Operaciones con sucesos .....	322
2.1.1. Unión de sucesos .....	322
2.1.2. Intersección de sucesos .....	323
2.1.3. Diferencia de sucesos .....	324
2.1.4. Suceso contrario o complementario .....	324
3. Definición de probabilidad. Regla de Laplace .....	326
3.1. Probabilidad clásica o <i>a priori</i> .....	326
3.2. Probabilidad <i>a posteriori</i> o experimental .....	329
3.3. Probabilidad axiomática .....	330
4. Probabilidad condicionada .....	334
4.1. La regla del producto de probabilidades o teorema de la probabilidad compuesta .....	337
5. Sucesos dependientes e independientes. Independencia estadística .....	337

6. Teorema de la probabilidad total .....	340
7. Teorema de Bayes .....	341
7.1. Formulación básica .....	341
7.2. Formulación avanzada .....	341
Conceptos básicos .....	344
Actividades de autocomprobación .....	346
Actividades de repaso .....	356
Test de autoevaluación .....	360
Referencias bibliográficas .....	362
 <b>Capítulo 9. Variables aleatorias. Modelos univariantes de distribuciones de probabilidad discretas .....</b>	 <b>363</b>
Objetivos del capítulo .....	363
1. Concepto de variable aleatoria .....	364
2. Variables aleatorias discretas .....	365
2.1. Función de cuantía o función de probabilidad .....	365
2.2. Función de distribución o función de probabilidad acumulada .....	366
2.3. Características de las variables aleatorias discretas .....	369
2.3.1. Valor esperado o esperanza matemática de una variable aleatoria discreta ..	369
2.3.1.1. Propiedades de la esperanza matemática .....	370
2.3.2. Varianza y desviación tipo, típica o estándar de una variable aleatoria discreta .....	371
2.3.2.1. Propiedades de la varianza de una variable aleatoria discreta .....	372
3. Modelos univariantes de distribución de probabilidad de variables aleatorias discretas .....	373
3.1. Distribución dicotómica o de Bernoulli .....	373
3.1.1. Características de la distribución de Bernoulli: esperanza y varianza .....	374
3.2. Distribución binomial .....	375
3.2.1. Características de la distribución binomial: esperanza y varianza .....	377
3.3. Distribución hipergeométrica .....	379
3.3.1. Características de la distribución hipergeométrica: esperanza y varianza .....	380
3.4. Distribución de Poisson .....	382
3.4.1. Características de la distribución de Poisson: esperanza y varianza .....	383
Conceptos básicos .....	385
Actividades de autocomprobación .....	387
Actividades de repaso .....	398
Test de autoevaluación .....	404
Referencias bibliográficas .....	406

<b>Capítulo 10. Modelos univariantes de distribuciones de probabilidad continuas .....</b>	<b>407</b>
Objetivos del capítulo .....	407
1. Variables aleatorias continuas .....	408
1.1. Función de densidad de probabilidad de una variable aleatoria continua .....	408
1.2. Función de distribución de una variable aleatoria continua .....	411
1.3. Características de las variables aleatorias continuas .....	413
2. Modelos univariantes de distribución de probabilidad de variables aleatorias continuas ....	415
2.1. La distribución uniforme .....	415
2.2. La distribución exponencial .....	418
2.3. La distribución normal .....	421
2.3.1. La distribución normal estándar .....	423
2.3.2. Cálculo de probabilidad asociada a la distribución normal .....	424
2.3.3. Aproximaciones de distribuciones discretas mediante la distribución normal	428
Conceptos básicos .....	431
Actividades de autocomprobación .....	433
Actividades de repaso .....	442
Test de autoevaluación .....	444
Referencias bibliográficas .....	446

032022